**МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ**

**Львівський національний університет імені Івана Франка**

**Факультет економічний**

**Кафедра інформаційних систем у менеджменті**

**Затверджено**

На засіданні кафедри інформаційних систем у менеджменті

економічного факультету

Львівського національного університету імені Івана Франка

(протокол № 1 від 31.08.2022 р.)

Завідувач кафедри \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ проф. Приймак В.І.

**Силабус з навчальної дисципліни**

**«ТЕОРІЯ ЙМОВІРНОСТЕЙ ТА МАТЕМАТИЧНА СТАТИСТИКА»,**

**що викладається в межах освітньо-професійної програми**

**першого (бакалаврського) рівня вищої освіти для здобувачів**

**з галузі знань 07 Управління та адміністрування**

**за спеціальністю 073 Менеджмент**

**Львів 2022 р.**

|  |  |
| --- | --- |
| **Назва курсу** | Теорія ймовірностей та математична статистика |
| **Адреса викладання курсу** | Львів, пр. Свободи 18, 79000 |
| **Факультет та кафедра, за якою закріплена дисципліна** | Економічний факультет, кафедра інформаційних систем у менеджменті |
| **Галузь знань, шифр та назва спеціальності** | 07 «Управління і адміністрування», 073 «Менеджмент» |
| **Викладачі курсу** | Приймак Василь Іванович, д.е.н., професор, завідувач кафедри інформаційних систем у менеджменті, Голубник Ольга Романівна, к.е.н., доцент, доцент кафедри інформаційних систем у менеджменті |
| **Контактна інформація викладачів** | [pryimak\_vasyl@ukr.net](mailto:pryimak_vasyl@ukr.net), [vasyl.pryymak@lnu.edu.ua](mailto:vasyl.pryymak@lnu.edu.ua), [olya\_golubnyk@ukr.net](mailto:olya_golubnyk@ukr.net), olga.holubnyk@lnu.edu.ua, кафедра інформаційних систем у менеджменті, кімната 100, пр. Свободи 18 |
| **Консультації по курсу відбуваються** | Консультації в день проведення лекцій/практичних занять (за попередньою домовленістю). Відповіді на питання через електронну пошту викладача, в MS Teams. |
| **Сторінка курсу** |  |
| **Інформація про курс** | Курс розроблено таким чином, щоб навчити студентів основних понять, методів, теорем та формул теорії ймовірностей і математичної статистики, допомогти їм набути первинні навички застосування теоретичного матеріалу, законів, що діють у сфері масових випадкових подій та явищ для опрацювання й аналізу масових статистичних даних. Тому у курсі представлено основні поняття теорії ймовірностей, правила обчислення ймовірностей випадкових подій, одновимірні і багатовимірні випадкові величини, їх закони розподілу, граничні теореми теорії ймовірностей, елементи математичної статистики, вибірковий метод, статистичні гіпотези та статистичні оцінки параметрів генеральної сукупності. Акценти зроблено на вивчення основних принципів та інструментарію імовірнісного апарату, який використовується для розв’язування економічних задач, математичних методів систематизації, опрацювання та застосування статистичних даних, які притаманні сучасній практиці дослідження проблем менеджменту організацій. |
| **Коротка анотація курсу** | Дисципліна **“**Теорія ймовірностей та математична статистика**”** є дисципліною вільного вибору для освітньої програми підготовки бакалавра з спеціальності 073 «Менеджмент», яка викладається в 3 семестрі в обсязі 4 кредитів (за Європейською Кредитно-Трансферною Системою ECTS). |
| **Мета та цілі курсу** | Метою вивчення вибіркової дисципліни **“**Теорія ймовірностей та математична статистика**”** є формування у студентів теоретичних знань, практичних навичок і компетенцій з основ імовірнісно-статистичного апарату, основних методів кількісного вимірювання випадковості дії факторів, що впливають на будь-які процеси, засад математичної статистики, яка використовується під час планування, організації та управління виробництвом, оцінювання якості продукції, системного аналізу економічних структур та технологічних процесів. Основні цілі курсу полягають у: визначенні суті ймовірності випадкової події, умовної ймовірності цієї події, одновимірної та багатовимірної випадкової величини, їх законів розподілу та числових характеристик; ознайомлення студентів з основними теоремами, зокрема, граничними теоремами теорії ймовірностей; вивченні основних понять математичної статистики, підходів до оцінювання параметрів розподілу та перевірки статистичних гіпотез. |
| **Література для вивчення дисципліни** | ***Основна література:***  1. Барковський В.В., Барковська Н.В., Лопатін О.К. Теорія ймовірностей та математична статистика, - К.: ЦУЛ, 2002. – 448 с.  2. Бобик О.І., Берегова Г.І., Копитко Б.І. Теорія ймовірностей і математична статистика. – К.: ВД «Професіонал», 2007. – 570 с.  3. Єлейко Я.І., Тріщ Б.М. Теорія ймовірностей. – Львів, Видавничий центр ЛНУ імені Івана Франка, 2001. – 161 с.  4. Приймак В.І., Голубник О.Р. Теорія ймовірностей та математична статистика : підручник. – Львів: ЛНУ імені Івана Франка, 2011. – 556 с.  5. Приймак В.І. Тестові завдання з теорії ймовірностей та математичної статистики. – Львів: Видавничий центр ЛНУ імені Івана Франка, 2006. – 268 с.  ***Додаткова література:***  1. Бугір М.К. Посібник з теорії ймовірності та математичної статистики. – Тернопіль: Підручники і посібники, 1998. – 176 с.  2. Бугір М.К. Практикум з теорії ймовірностей та математичної статистики. – Тернопіль: Т.О.В.”ЦМДС”, 1998. – 172 с.  3. Жлуктенко В.І., Наконечний С.І. Теорія ймовірностей із елементами математичної статистики. - К.: УМК ВО, 1991.  4. Жлуктенко В.І., Наконечний С.І. Практикум з курсу “Теорія ймовірностей і математична статистика”. - К.: КІНГ, 1991.  5. Жлуктенко В.І., Наконечний С.І. Практикум з математичної статистики. - К.: КІНГ, 1991.  6. Тринько Р.І., Тарасова В.В. Математична статистика. – Львів: Світ, 1992. – 264 с. |
| **Тривалість курсу** | \_\_\_120\_\_\_\_\_\_\_ год. |
| **Обсяг курсу** | **48** годин аудиторних занять. З них \_\_32\_\_ годин лекцій, \_\_16\_\_ годин практичних занять та \_\_72\_\_\_\_ годин самостійної роботи |
| **Очікувані результати навчання** | Після завершення цього курсу аспірант буде :  ***Знати***   * основні поняття і теореми теорії ймовірностей; * методи обчислення ймовірностей випадкових подій та випадкових величин; * числові характеристики та основні закони розподілу випадкових величин; * закон великих чисел та граничні теореми теорії ймовірностей; * базові поняття математичної статистики; * методи опрацювання емпіричних даних, одержання точкових та інтервальних статистичних оцінок невідомих параметрів, перевірки статистичних гіпотез на основі вибіркових даних; * елементи дисперсійного аналізу, теорії регресії і кореляції   ***Вміти***   * знаходити ймовірності складних та залежних випадкових подій, тобто обчислювати ймовірності випадкових подій та очікуваного загального результату за відомими ймовірностями його складових; * виконувати якісний і кількісний математичний аналіз випадкових подій; * аналізувати дискретні і неперервні випадкові величини, розраховувати їх числові характеристики; * виконувати якісний і кількісний математичний аналіз випадкових величин та систем таких величин; * проводити математичну обробку статистичних даних, розрахунок статистичних оцінок параметрів генеральної сукупності, статистичну перевірку гіпотез; * застосовувати методи аналізу статистичної інформації для розв’язання типових практичних задач з поданням результатів у необхідному вигляді (числа, формули, графіка тощо); * встановлювати теоретико-ймовірнісні закономірності та використовувати отримані результати для обґрунтування прийнятих рішень. |
| **Ключові слова** | імовірність, математична статистика, випадкова подія випадкова величина, закон розподілу випадкової величини, математичне сподівання, дисперсія, статистична гіпотеза, кореляція, регресія. |
| **Формат курсу** | Очний |
|  | Проведення лекцій, практичних занять та консультації для кращого розуміння тем |
| **Теми** | Схема курсу наведена у Додатку 1. |
| **Підсумковий контроль, форма** | Залік в кінці семестру |
| **Пререквізити** | Для вивчення курсу студенти потребують базових знань з таких дисциплін як “Вища математика для менеджерів”, “Статистика”, “Мікро- і макроекономіка”, “Інфор­маційні і комунікаційні технології”, достатніх для сприйняття категоріального апарату теорії ймовірностей та математичної статистики, розумін­ня джерел із рекомендованого списку літератури. |
| **Навчальні методи та техніки, які будуть використовуватися під час викладання курсу** | Презентації тем курсу, лекції, розв’язування модельних (типових) задач на прак­тичних заняттях, проектно-орієнтоване навчання (виконання індивідуаль­них практичних робіт з оформленням письмових звітів), дискусії. |
| **Необхідне обладнання** | Мультимедійний пристрій |
| **Критерії оцінювання (окремо для кожного виду навчальної діяльності)** | Оцінювання проводиться за 100-бальною шкалою. Бали нараховуються за наступним співвідношенням:  • практичні заняття (освоєння модельних прикладів та теоретичного матеріалу) : 30% семестрової оцінки; максимальна кількість балів 30;  • контрольні заміри (4-и модулі): 70% семестрової оцінки; максимальна кількість балів 70;  Підсумкова максимальна кількість балів 100. |
| **Питання до екзамену.** | Екзамен відсутній |
| **Опитування** | Анкету-оцінку з метою оцінювання якості курсу буде надано по завершенню курсу. |

**Додаток 1**

***Схема курсу “Теорія ймовірностей та математична статистика”***

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Тижні,**  **Семестр** | **Лекційний курс** | | | **Практичні (семінарські) заняття** | | | **Лабораторні роботи** | | | **К-ть годин СР** | **Видача і прийняття домашніх завдань** | **Контроль поточної успішності** |
| **Номер, назва і зміст теми** | **К-ть годин** | **ТЗП** | **Номер, назва і зміст теми** | **К-ть годин** | **ТЗН** | **Номер, назва і зміст теми** | **К-ть годин** | **ТЗП** |
| **Змістовий модуль 1. Поняття ймовірності та основні правила її обчислення** | | | | | | | | | | | | |
| 1 | **Тема 1**. Основні поняття теорії ймовірностей (Предмет курсу, його зміст. Коротка історія розвитку те-орії ймовірностей. Поняття випад-кової події, класифікації випадко-вих подій, простір елементарних випадкових подій. Операції над подіями. Повна група подій.) | 2 | Мультим. пр. |  |  |  |  |  |  | 3 | ВДЗ | Усне опитування |
| 2 | **Тема 1**. Основні поняття теорії ймовірностей (Класичне визначен-ня ймовірності випадкової події та її властивості; геометрична ймові-рність, статистична ймовірність. Елементи комбінаторики у теорії ймовірностей. Аксіоми теорії ймовірностей) | 2 | Мультим. пр. | **Тема 1**. Основні поняття теорії ймовірностей | 2 | Модельні задачі |  |  |  | 3 | ПДЗ, ВДЗ | Усне опитування |
| 3 | **Тема 2:** Залежні і незалежні випадкові події. Основні формули множення та додавання ймовір-ностей **(**Поняття залежності і незалежності випадкових подій. Умовна ймовірність та її власти-вості. Формули множення ймо-вірностей для залежних та неза-лежних випадкових подій. Дода-вання ймовірностей сумісних і не-сумісних випадкових подій. Фор-мула повної ймовірності та форму-ли Байєса**)** | 2 | Мультим. пр. |  |  |  |  |  |  | 4 | ПДЗ, ВДЗ | Усне опитування |
| 4 | **Тема 3** Спроби за схемою Бернуллі (Визначення повторних незалеж-них спроб. Формула Бернуллі для обчислення ймовірності і наімо-вірнішого числа. Асимптотичні формули для формули Бернуллі (локальна та інтегральна формули Муавра - Лапласа). Наслідок з інтегральної формули Муавра – Лапласа та його використання. Формула Пуассона для малоймо-вірних випадкових подій) | 2 | Мультим. пр. | **Тема 1**. Основні поняття теорії ймовірностей | 2 | Модельні задачі |  |  |  | 4 | ПДЗ, ВДЗ | Модуль 1 |
| **Змістовий модуль 2. Випадкові величини** | | | | | | | | | | | | |
| 5 | **Тема 4.** Одновимірні випадкові величини (Визначення випадкової величини. Дискретні та неперервні випадкові величини, їх закони розподілу. Функція розподілу ймовірностей дискретної та неперервної випадкових величин, її властивості і густина розподілу) | 2 | Мультим. пр. |  |  |  |  |  |  | 3 | ПДЗ, ВДЗ | Усне опитування |
| 6 | **Тема 4.** Одновимірні випадкові величини (Числові характеристики випадкових величин: математичне сподівання, дисперсія та їх властивості, середнє квадратичне відхилення, мода та медіана; початкові і центральні теоретичні моменти, асиметрія та ексцес. Властивості математичного споді-вання та дисперсії. Зв’язок між початковими і центральними теоретичними моментами.) | 2 | Мультим. пр. | **Тема 2:** Залежні і незалежні випадкові події. Основні формули множення та додавання ймовір-ностей | 2 | Модельні приклади |  |  |  | 3 | ПДЗ, ВДЗ | Усне опитування |
| 7 | **Тема 5.** Багатовимірні випадкові величини (Визначення багатови-мірної випадкової величини та її закон розподілу. Система двох дискретних випадкових величин, числові характеристики системи, кореляційний момент, коефіцієнт кореляції та його властивість. Функція розподілу ймовірностей та густина розподілу імовірностей системи, їх властивості. Числові характеристики системи двох неперервних випадкових величин) | 2 | Мультим. пр. | . |  |  |  |  |  | 4 | ПДЗ, ВДЗ | Модуль 2 |
| 8 | **Тема 5.** Багатовимірні випадкові величини (Умовні закони розподілу складових системи дискретних і неперервних випадко-вих величин, густина розподілу. Система *п* випадкових величин, числові характеристики системи, кореляційна матриця, нормована кореляційна матриця.)  **Тема 6.** Функції випадкових величин (Визначення функції випадкових величин. Функція дис-кретного випадкового аргументу та її числові характеристики. Функції неперервного випадкового аргу-менту та її числові характеристики. Функції двох випадкових аргумен-тів. Визначення функції розподілу ймовірностей та густини для функ-цій двох випадкових аргументів.) | 1  1 | Мультим. пр. | **Тема 3** Спроби за схемою Бернуллі | 2 | Модельні задачі |  |  |  | 3  4 | ПДЗ, ВДЗ | Усне опитування |
| 9 | **Тема 7.** Основні закони розподілу цілочислових випадкових величин (Визначення цілочислової випад-кової величини. Ймовірна твірна функція та її властивості. Біномі-альний, пуассонівський, геометри-чний та рівномірний закони розпо-ділу, ймовірні твірні функції для цих законів та їх числові характе-ристики. Гіпергеометричний та поліноміальний закони розподілу. Їх числові характеристики та твірні функції для цих законів) | 2 | Мультим. пр. |  |  |  |  |  |  | 5 | ПДЗ, ВДЗ | Усне опитування |
| 10 | **Тема 8.** Основні закони розподілу неперервних випадкових величин **(**Рівномірний закон розподілу неперервних випадкових величин. Нормальний закон розподілу та його значення у теорії ймовір-ностей. Експоненціальний (показ-никовий) закон розподілу та його використання у теорії надійності. Розподіл ***Х2***. Розподіл Стьюдента. Розподіл Фішера. Ймовірність по-падання на відрізок. Правило трьох сигм. Числові характеристики основних законів розподілу неперервних випадкових величин) | 2 | Мультим. пр. | **Тема 4.** Одновимірні випадкові величини | 2 | Модельні задачі |  |  |  | 5 | ПДЗ, ВДЗ | Усне опитування |
| 11 | **Тема 9.** Граничні теореми теорії ймовірностей (Суть закону вели-ких чисел і центральної граничної теореми. Нерівність Чебишова та збіжність за ймовірністю. Теорема Чебишева і стійкість середнього арифметичного випадкових вели-чин. Теорема Бернуллі і стійкість відносних частот. Центральна гра-нична теорема теорії ймовірностей (теорема Ляпунова) та її викорис-тання у математичній статистиці) | 2 | Мультим. пр. |  |  |  |  |  |  | 6 | ПДЗ, ВДЗ | Модуль 3 |
| **Змістовий модуль 3. Математична статистика** | | | | | | | | | | | | |
| 12 | **Тема 10.** Елементи математичної статистики. Вибірковий метод(Ге-неральна та вибіркова сукупності. Повторна, безповторна і репре-зентативна вибірки. Способи від-бору. Статистичний розподіл ви-бірки. Емпірична функція розпо-ділу та її властивості. Дискретні та інтервальні ряди розподілу. Куму-лята та її властивості. Гістограма і полігон статистичних розподілів) | 2 | Мультим. пр. | **Тема 5.** Багатовимірні випадкові величини  **Тема 6.** Функції випадкових величин | 1  1 | Модельні задачі |  |  |  | 4 | ПДЗ, ВДЗ | Усне опитування |
| 13 | **Тема 10.** Елементи математичної статистики. Вибірковий метод(Числові характеристики: вибірко-ва середня, розмах вибірки, дис-персія вибірки, середньоквадрати-чне відхилення, коефіцієнт варіа-ції, мода й медіана для дискретних та інтервальних статистичних роз-поділів вибірки, емпіричні почат-кові і центральні моменти, асимет-рія та ексцес) | 2 | Мультим. пр. |  |  |  |  |  |  | 4 | ПДЗ, ВДЗ | Усне опитування |
| 14 | **Тема 11.** Статистичні оцінки параметрів генеральної сукупності. Статистичні гіпотези (Визначення статистичної оцінки. Точкові статистичні оцінки: зміщені і незміщені, ефективні й обґрунтовані. Точкові незміщені статистичні оцінки для математичного сподівання, дисперсії і середнього квадратичного відхилення. Інтервальні статистичні оцінки. Точність і надійність оцінки, визначення довірчого інтервалу) | 2 | Мультим. пр. | **Тема 7, 8.** Основні закони розподілу цілочислових і неперервних випадкових величин | 2 | Модельні задачі |  |  |  | 4 | ПДЗ, ВДЗ | Усне опитування |
| 15 | **Тема 11.** Статистичні оцінки параметрів генеральної сукупності. Статистичні гіпотези (Визначення статистичної гіпотези. Нульова й альтернативна, проста і складна. Помилки першого і другого роду. Статистичний критерій, спостережене значення критерію. Критична область, область прийняття нульової гіпотези, критична точка. Загальна методика побудови правобічної, лівобічної та двобічної критичних областей. Емпіричні та теоретичні частоти. Критерій узгодженості Пірсона. Вибірковий коефіцієнт рангової кореляції Спірмена і перевірка гіпотезо про його значимість) | 2 |  |  |  |  |  |  |  | 4 | ПДЗ, ВДЗ | Усне опитування |
| 16 | **Тема 12.** Елементи дисперсійного аналізу (Однофакторний диспер-сійний аналіз. Таблиця результатів спостережень. Загальна, факторна і залишкова суми квадратів відхи-лень. Зв'язок між загальною, фак-торною і залишковою сумами. Загальна, факторна і залишкова дисперсії)  **Тема 13.** Елементи теорії регресії і кореляції (Статистичний опис системи двох випадкових величин. Функціональна, статистична і ко-реляційна залежності. Рівняння парної регресії. Вибірковий коефі-цієнт кореляції та його власти-вості. Коефіцієнт детермінації. Множинна регресія) | 1  1 |  | **Тема 9.** Граничні теореми теорії ймовірностей  **Тема 10.** Елементи математичної статистики | 1  1 | Модельні задачі |  |  |  | 4  5 | ПДЗ | Модуль 4 |